СПРАВОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

EXtremum

СТЕПЕНИ

1	$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$
2	$a^n : a^m = a^{n-m}$
3	$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$
4	$a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$
5	$\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$
6	$a^0 = 1$
7	$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
8	$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

КОРНИ

1	$\sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab}$
2	$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$
3	$(\sqrt{a})^2 = a$
4	$\sqrt{a^2} = \lvert a \rvert$
5	$\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$

ЛОГАРИФМЫ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЛОГАРИФМА

Если $\log_a b = c$, то $a^c = b$

ОСНОВНОЕ ЛОГ. ТОЖДЕСТВО

$a^{\log_a b} = b$

ОДЗ ЛОГАРИФМА

Для $\log_a b$ $\begin{cases} a > 0 \\ a \neq 1 \\ b > 0 \end{cases}$

СВОЙСТВА ЛОГАРИФМА

1	$\log_a b + \log_a c = \log_a b \cdot c$
2	$\log_a b - \log_a c = \log_a \frac{b}{c}$
3	$\log_a b^m = m \cdot \log_a b$
4	$\log_{a^n} b = \frac{1}{n} \cdot \log_a b$
5	$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$
6	$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$

ФСУ

РАЗНОСТЬ КВАДРАТОВ

$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$

КВАДРАТ РАЗНОСТИ

$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

КВАДРАТ СУММЫ

$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

РАЗНОСТЬ КУБОВ

$a^3 - b^3 = (a-b)(a^2 + ab + b^2)$

СУММА КУБОВ

$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$

ПРОИЗВОДНЫЕ

1	$C' = 0$
2	$x' = 1$
3	$(Cx)' = C$
4	$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$
5	$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
6	$(U \cdot V)' = U'V + UV'$
7	$\left(\frac{U}{V}\right)' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$
8	$\big(U(V)\big)' = \big(U(V)\big)' \cdot V'$
9	$(\sin x)' = \cos x$
10	$(\cos x)' = -\sin x$
11	$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$
12	$(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$
13	$(e^x)' = e^x$
14	$(a^x)' = a^x \cdot \ln a$
15	$(\ln x)' = \frac{1}{x}$
16	$(\log_a b)' = \frac{1}{b \cdot \ln a}$

УРАВНЕНИЯ

РАЗЛОЖЕНИЕ НА МНОЖИТЕЛИ

$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$

ТЕОРЕМА ВИЕТА

$ax^2 + bx + c = 0$

$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}$

ЗАДАНИЕ 11

УРАВНЕНИЕ ПУТИ

$S = v \cdot t$

расстояние = скорость · время

СРЕДНЯЯ СКОРОСТЬ

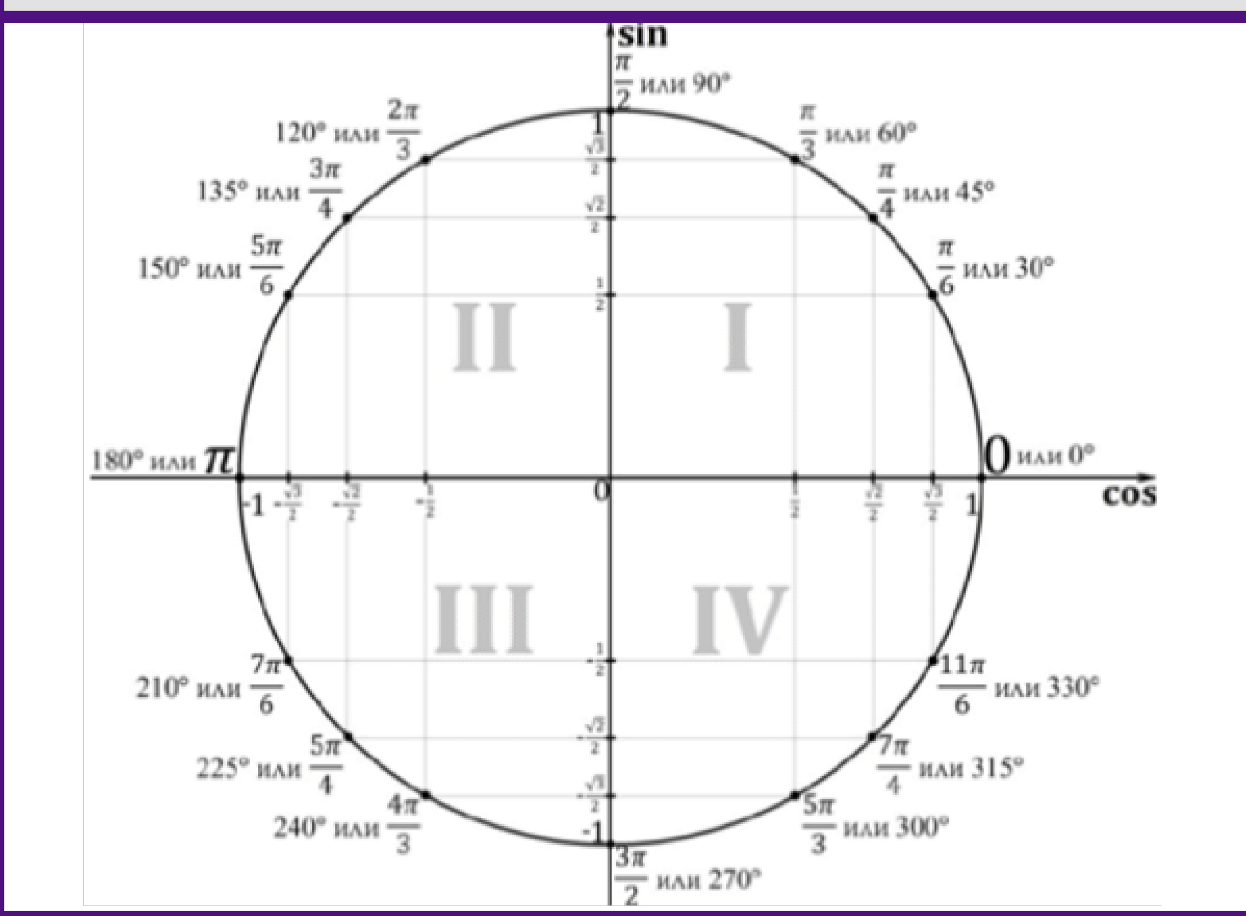
$V_{\text{средняя}} = \frac{S_{\text{суммарное}}}{t_{\text{суммарное}}}$

СХЕМА ЗАДАЧ НА СПЛАВЫ И СМЕСИ

$\text{Доля}_1 \cdot m_1 + \text{Доля}_2 \cdot m_2 = \text{Доля}_3 \cdot m_3$

ТРИГОНОМЕТРИЯ

ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКАЯ ОКРУЖНОСТЬ



ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ

1. Если в аргументе есть $\frac{\pi}{2}$ или $\frac{3\pi}{2}$ или $\frac{5\pi}{2}$ и т.д., то функция меняется на кофункцию
Если в аргументе есть π или 2π или 3π и т.д., то функция не меняется на кофункцию
Пример:
$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos\alpha$
$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = \operatorname{tg}\alpha$
2. Чтобы определить знак, необходимо понять в какой четверти находится аргумент и смотреть на изначальную функцию, а не на изменившуюся
Пример:
$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$
Это IV четверть, в ней синус имеет знак минус, поэтому
$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right) = -\cos\alpha$

СИНУС

$\sin\alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$

КОСИНУС

$\cos\alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$

ТАНГЕНС

1	$\operatorname{tg}\alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{прилежащий катет}}$
2	$\operatorname{tg}\alpha = \frac{\sin\alpha}{\cos\alpha}$

КОТАНГЕНС

1	$\operatorname{ctg}\alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{противолежащий катет}}$
2	$\operatorname{ctg}\alpha = \frac{\cos\alpha}{\sin\alpha}$

ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФОРМУЛЫ

1	$\sin^2\alpha + \cos^2\alpha = 1$
2	$1 + \operatorname{tg}^2\alpha = \frac{1}{\cos^2\alpha}$
3	$1 + \operatorname{ctg}^2\alpha = \frac{1}{\sin^2\alpha}$
4	$\operatorname{tg}\alpha \cdot \operatorname{ctg}\alpha = 1$

ЧЕТКОСТЬ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ

1	$\sin(-x) = -\sin x$
2	$\cos(-x) = \cos x$
3	$\operatorname{tg}(-x) = -\operatorname{tg} x$
4	$\operatorname{ctg}(-x) = -\operatorname{ctg} x$

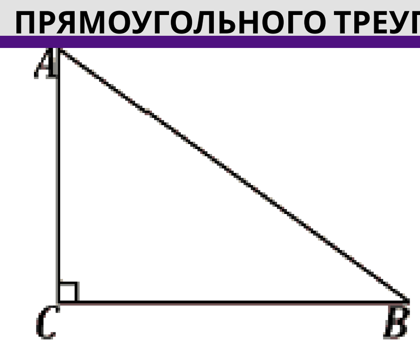
ФОРМУЛЫ ДВОЙНОГО УГЛА

1	$\sin 2\alpha = 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha$
2	$\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$
3	$\cos 2\alpha = 2\cos^2\alpha - 1$
4	$\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2\alpha$

ФОРМУЛЫ СУММЫ И РАЗНОСТИ

1	$\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha\cos\beta + \cos\alpha\sin\beta$
2	$\sin(\alpha - \beta) = \sin\alpha\cos\beta - \cos\alpha\sin\beta$
3	$\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha\cos\beta - \sin\alpha\sin\beta$
4	$\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha\cos\beta + \sin\alpha\sin\beta$

СВОЙСТВА ОСТРЫХ УГЛОВ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА



$\sin A = \cos B$
$\sin B = \cos A$
$\operatorname{tg} A = \operatorname{ctg} B$
$\operatorname{tg} B = \operatorname{ctg} A$

АРИФМЕТИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ

1	$a_n = a_1 + d \cdot (n-1)$
2	$S_n = \frac{(a_1 + a_n)}{2} \cdot n$
3	$d = \frac{a_n - a_m}{n - m}$

МОДУЛЬ

РАСКРЫТИЕ МОДУЛЯ

1. Если внутримодульное выражение положительное, то просто опускаем модуль
Пример:
$y = \lvert 2 - 1 \rvert = 2 - 1$
2. Если внутримодульное выражение отрицательное, то раскрываем модуль, меняя все знаки внутри модуля на противоположные
Пример:

СВОЙСТВА МОДУЛЕЙ

1	$\lvert a \cdot b \rvert = \lvert a \rvert \cdot \lvert b \rvert$
2	$\left\lvert \frac{a}{b} \right\rvert = \frac{\lvert a \rvert}{\lvert b \rvert}$

РАЦИОНАЛИЗАЦИЯ

Было	Стало
$\log_a f - \log_a g$	$(a-1)(f-g)$
$a^f - a^g$	$(a-1)(f-g)$
$\lvert f \rvert - \lvert g \rvert$	$(f-g)(f+g)$
$\sqrt{f} - \sqrt{g}$	$(f-g)$

ВЕКТОРЫ

КООРДИНАТЫ ВЕКТОРА AB

$A(x_A; x_A),\ B(x_B; x_B)$
$AB = (x_A - x_B; y_A - y_B)$

КООРДИНАТЫ СУММ И РАЗНОСТИ ВЕКТОРОВ AB

$\vec{a}(a_x; a_y),\ \vec{b}(b_x; b_y)$
$\vec{a} \pm \vec{b} = (a_x \pm b_x; a_y \pm a_y)$

КООРДИНАТЫ ПРОИЗВЕДЕНИЯ ВЕКТОРА А НА ЧИСЛО k

$k\vec{a} = (ka_x; ka_y)$

СКАЛЯРНОЕ ПРОИЗВЕДЕНИЕ ВЕКТОРОВ

$(\vec{a} \cdot \vec{b}) = ab\cos\widehat{ab} = a_x b_x + a_y b_y$

$\widehat{ab}$ – угол между векторами $\vec{a}$ и $\vec{b}$

ДЛИНА ВЕКТОРА

$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$

ЗАДАНИЕ 7

ГРАФИК ОБЫЧНОЙ ФУНКЦИИ

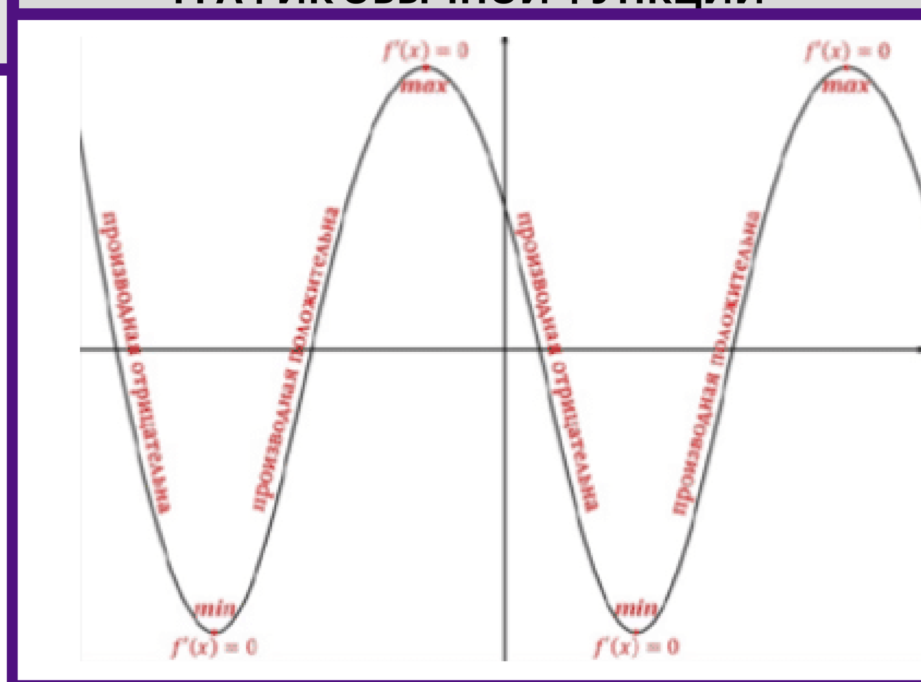
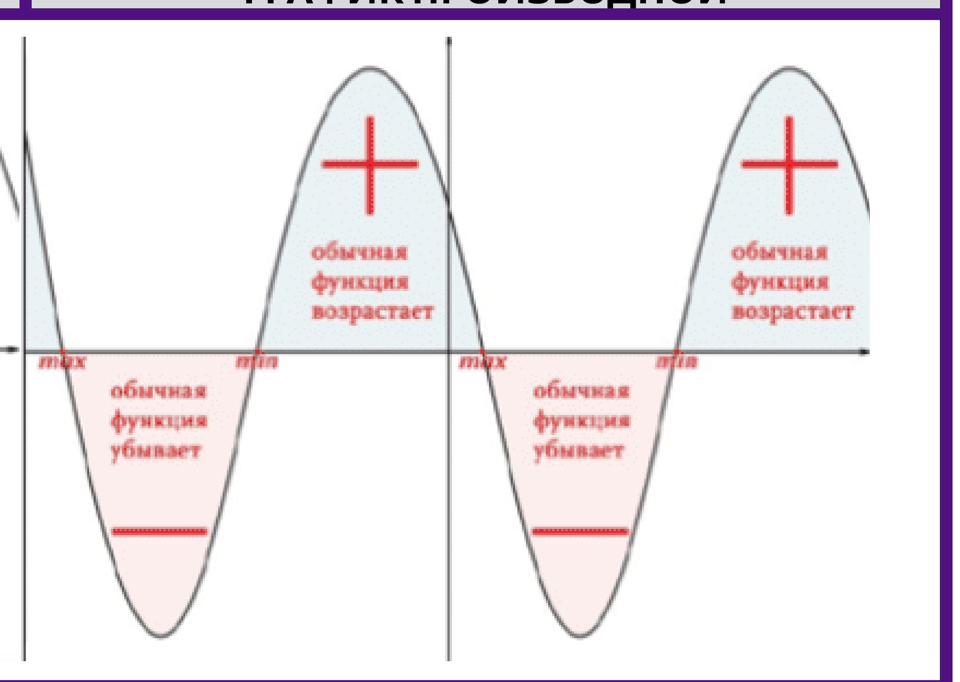


ГРАФИК ПРОИЗВОДНОЙ



ГЕОМЕТРИЧЕСКИЙ СМЫСЛ ПРОИЗВОДНОЙ

$f'(x_0) = k = \operatorname{tg}\alpha$

ФИЗИЧЕСКИЙ СМЫСЛ ПРОИЗВОДНОЙ

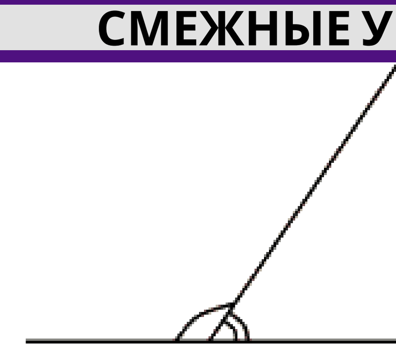
$S'(t) = V(t)$
$V'(t) = a(t)$

ПЕРВООБРАЗНАЯ

$F'(x) = f(x)$

УГЛЫ

СМЕЖНЫЕ УГЛЫ

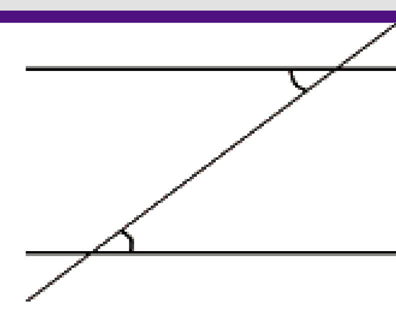


В сумме 180°

ВЕРТИКАЛЬНЫЕ УГЛЫ

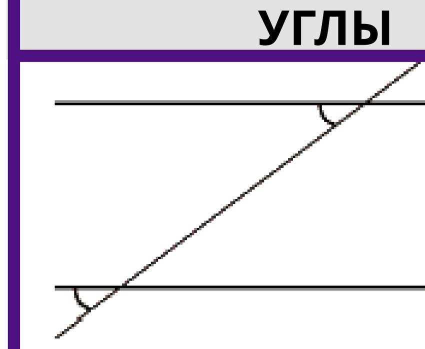
Равны

НАКРЕСТ ЛЕЖАЩИЕ УГЛЫ



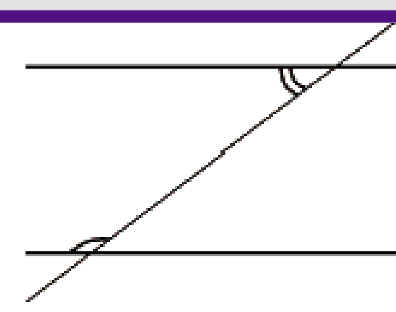
Равны при параллельных прямых (первый признак параллельности прямых)

СООТВЕТСТВЕННЫЕ УГЛЫ



Равны при параллельных прямых (второй признак параллельности прямых)

ОДНОСТОРОННИЕ УГЛЫ

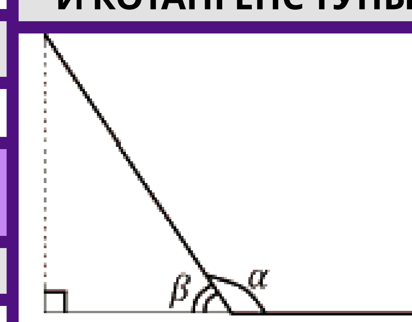


В сумме 180° при параллельных прямых (третий признак параллельности прямых)

СУММА УГЛОВ

У треугольника 180°
У четырёхугольника 360°
У пятиугольника 540°
У шестиугольника 720°
У n –угольника $180°(n-2)$

СИНУС, КОСИНУС, ТАНГЕНС И КОТАНГЕНС ТУПЫХ УГЛОВ

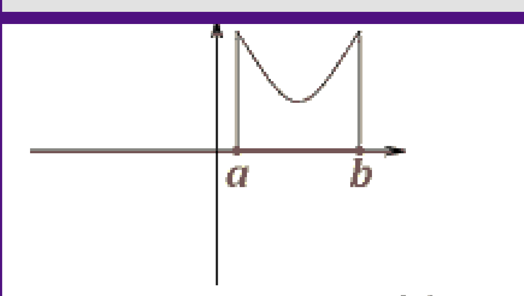


$\sin\alpha = \sin\beta$
$\cos\alpha = -\cos\beta$
$\operatorname{tg}\alpha = -\operatorname{tg}\beta$
$\operatorname{ctg}\alpha = -\operatorname{ctg}\beta$

УСЛОВИЯ КАСАНИЯ ФУНКЦИИ И ПРЯМОЙ

$\begin{cases} y' = f'(x_0) \\ y = f(x_0) \end{cases}$

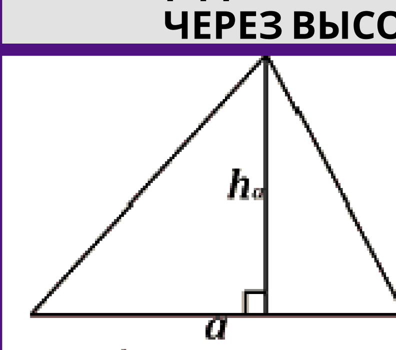
ФОРМУЛА НЬЮТОНА-ЛЕЙБНИЦА



$S_{\text{фигуры под графиком}} = F(b) - F(a)$

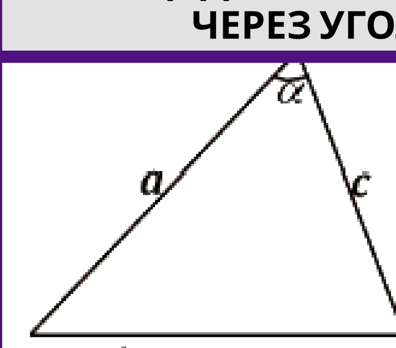
ТРЕУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ



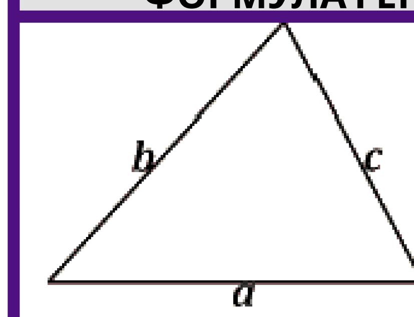
$S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot h_a$

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА ЧЕРЕЗ УГОЛ



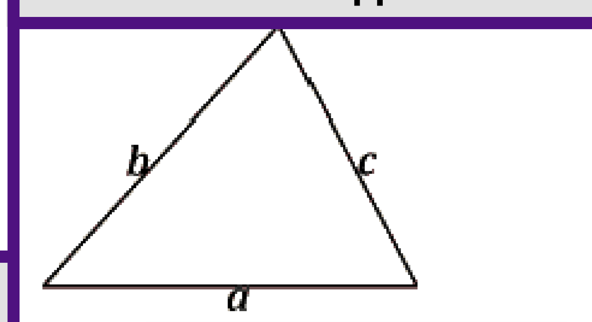
$S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot c \cdot \sin\alpha$

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА ФОРМУЛА ГЕРОНА



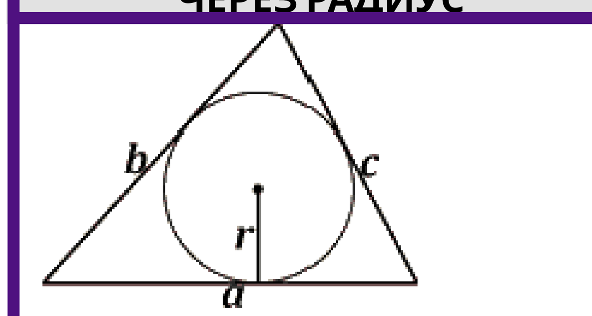
$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА ЧЕРЕЗ РАДИУС



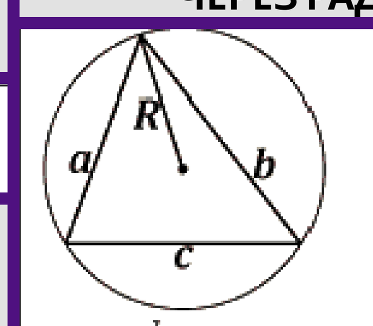
$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА ЧЕРЕЗ РАДИУС



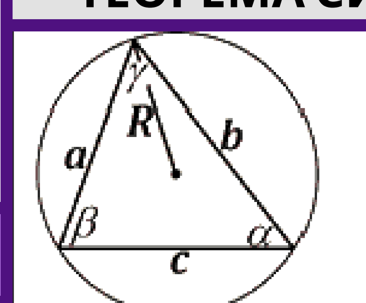
$S = pr$
p – полупериметр

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА ЧЕРЕЗ РАДИУС



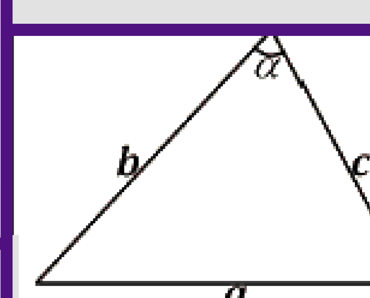
$S = \frac{abc}{4R}$

ТЕОРЕМА СИНУСОВ



$\frac{a}{\sin\alpha} = \frac{b}{\sin\beta} = \frac{c}{\sin\gamma} = 2R$

ТЕОРЕМА КОСИНУСОВ



1	$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos\alpha$
2	$\cos\alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$

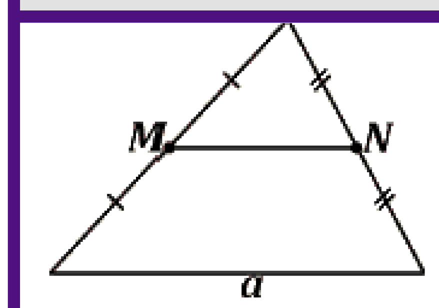
ВЗАИМНОЕ РАСПОЛОЖЕНИЕ ДВУХ ПРЯМЫХ

$y = k_1 x + b_1$
$y = k_2 x + b_2$

1	Если $k_1 = k_2$ и $b_1 = b_2$, то прямые совпадают **Пример:** $y = 2x + 7$ и $y = 2x + 7$
2	Если $k_1 = k_2$ и $b_1 \neq b_2$, то прямые параллельны **Пример:** $y = 2x + 7$ и $y = 2x - 5$
3	Если $k_1 \neq k_2$, то прямые пересекаются **Пример:** $y = 2x + 7$ и $y = 3x + 7$

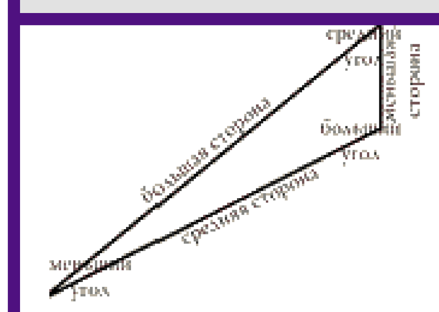
EXtremum

СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ ТРЕУГОЛЬНИКА



- Лежит на серединах сторон
- Параллельна основанию
- Равна половине основания

СВОЙСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА



В любом треугольнике:

– против большей стороны лежит больший угол

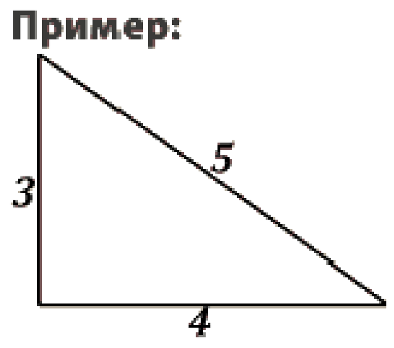
– против средней стороны лежит средний угол

– против меньшей стороны лежит меньший угол

НЕРАВЕНСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА

В любом треугольнике сумма длин двух сторон больше длины третьей стороны

Пример:



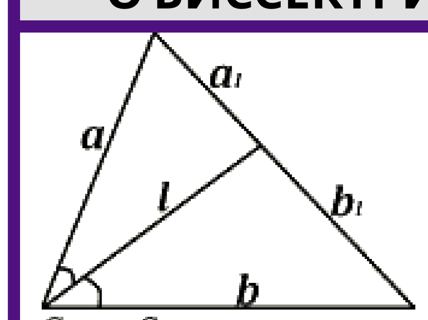
$3 + 4 > 5$

$3 + 5 > 4$

$4 + 5 > 3$

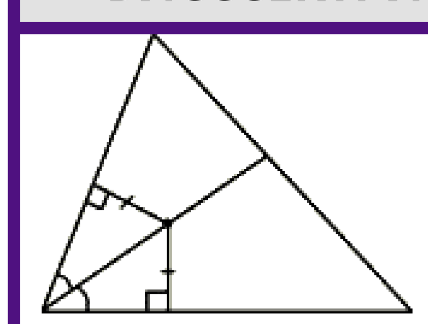
БИССЕКТРИСА

ТЕОРЕМА О БИССЕКТРИСЕ



$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a}{b}$

СВОЙСТВО БИСССЕКТРИСЫ



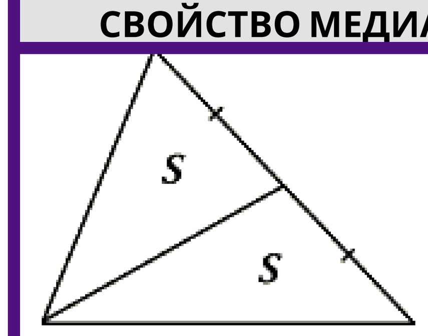
Если точка лежит на биссектрисе угла, то она равноудалена от сторон этого угла

ЦЕНТР ВПИСАННОЙ В ТРЕУГОЛЬНИК ОКРУЖНОСТИ

Центр вписанной в треугольник окружности – это точка пересечения биссектрис

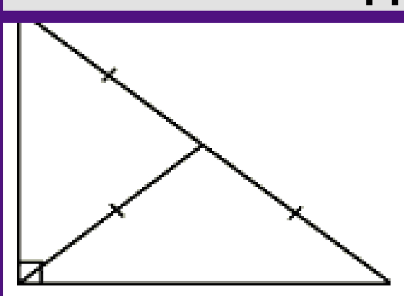
МЕДИАНА

СВОЙСТВО МЕДИАНЫ



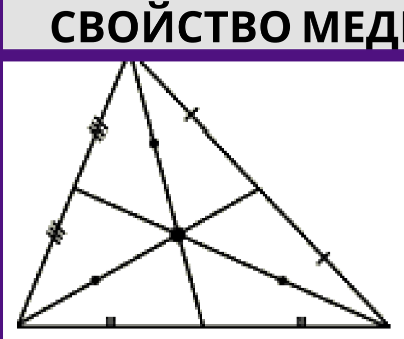
Медиана разбивает треугольник на два равновеликих (с одинаковыми площадями)

СВОЙСТВО МЕДИАНЫ



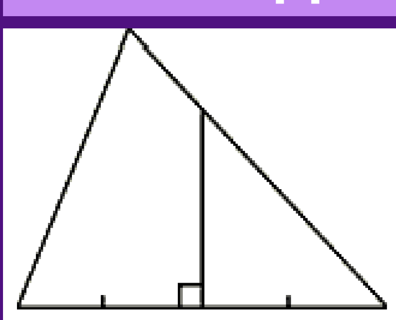
В прямоугольном треугольнике медиана, проведённая к гипотенузе, равна половине гипотенузы

СВОЙСТВО МЕДИАНЫ



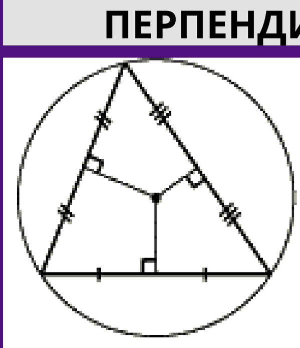
Медианы треугольника пересекаются в одной точке и точкой пересечения делятся в отношении 2:1 считая от вершины

СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР



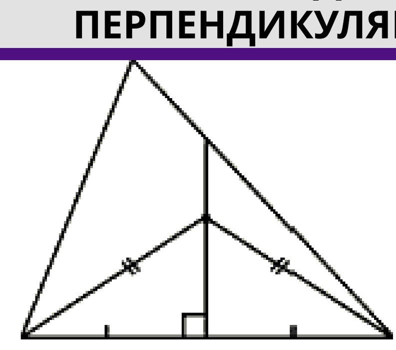
Серединный перпендикуляр – это прямая, выходящая из середины стороны треугольника под прямым углом к этой стороне

СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА



Серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в точке, являющейся центром окружности, описанной около треугольника

СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА



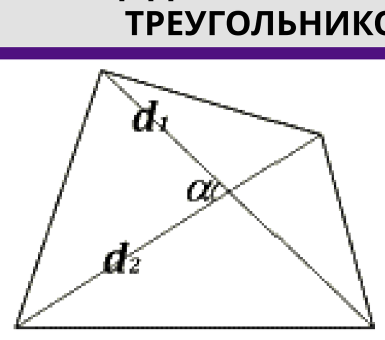
Точка, лежащая на серединном перпендикуляре к отрезку, равноудалена от концов этого отрезка

ПРИЗНАК РАВЕНСТВА

1. По двум сторонам и углу между ними
2. По стороне и двум, прилежащим к ней углам
3. По трём сторонам

ПРОИЗВОЛЬНЫЙ ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ РАВНОСТОРОННИХ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

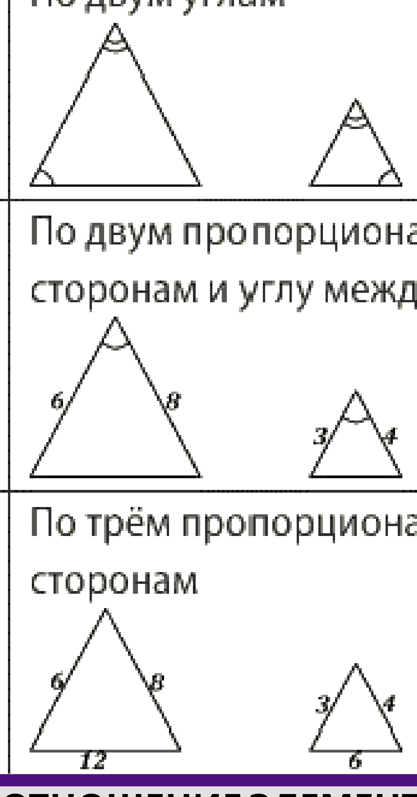


$S = \frac{d_1 \cdot d_2 \cdot \sin\alpha}{2}$

ПОДОБИЕ

ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ

1. По двум углам
2. По двум пропорциональным сторонам и углу между ними
3. По трём пропорциональным сторонам



ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ В ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКАХ

В подобных треугольниках отношение периметров, биссектрис, медиан, высот и серединных перпендикуляров равно коэффициенту подобия

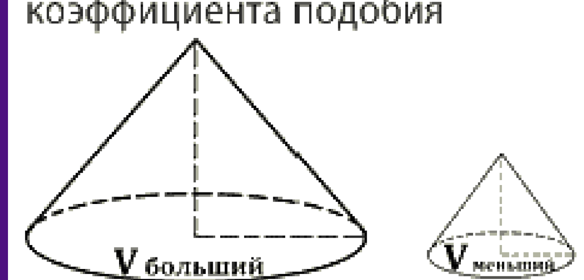
ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ

Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия

$\frac{S_{\text{большого треугольника}}}{S_{\text{маленького треугольника}}} = k^2$

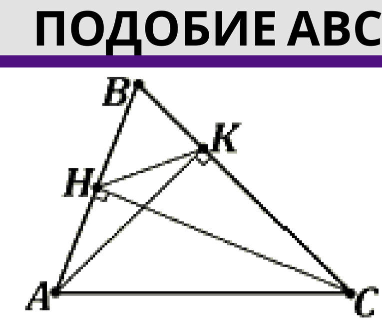
ОТНОШЕНИЕ ОБЪЕМОВ

Отношение объёмов подобных фигур равно кубу коэффициента подобия



$\frac{V_{\text{большой фигуры}}}{V_{\text{маленькой фигуры}}} = k^3$

ПОДОБИЕ ABC И HBK



$\cos B = \frac{BK}{AB}$

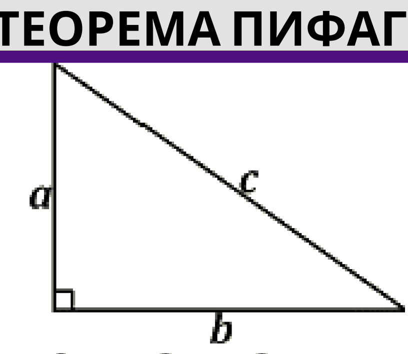
$\cos B = \frac{BH}{BC}$

$\Delta ABC \sim \Delta HBK$ по 2 признаку

$\left(\frac{BK}{AB} = \frac{BH}{BC} \text{ и угол } B - \text{общий}\right)$

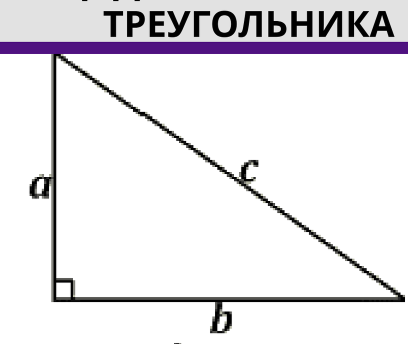
ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ТЕОРЕМА ПИФАГОРА



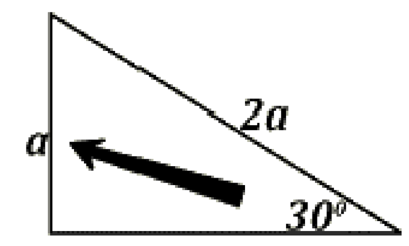
$c^2 = a^2 + b^2$

ПЛОЩАДЬ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА



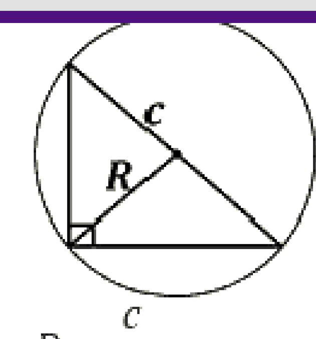
$S = \frac{a \cdot b}{2}$

СВОЙСТВА ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА



Катет, лежащий напротив угла 30°, равен половине гипотенузы

РАДИУС ОКРУЖНОСТИ, ОПИСАННОЙ ОКОЛО ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА

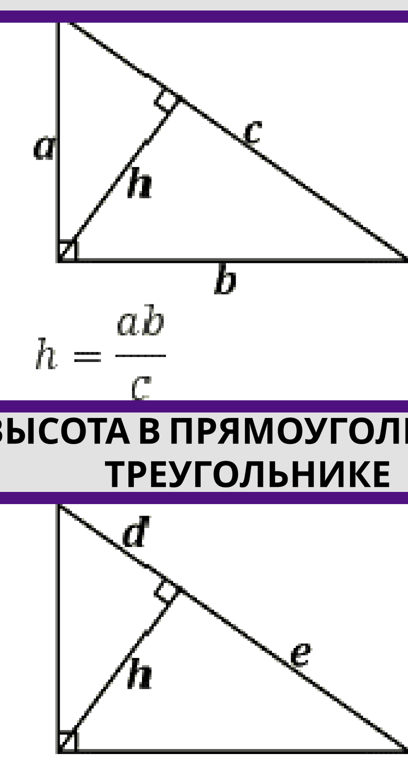


$R = \frac{c}{2}$

ВЫСОТА В ПРЯМОУГОЛЬНОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ

$h = \frac{ab}{c}$

ВЫСОТА В ПРЯМОУГОЛЬНОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ

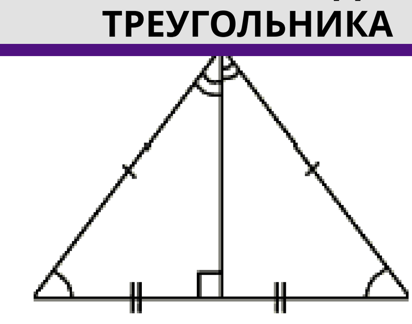


$h^2 = de$

РАВНОБЕДРЕННЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

Равнобедренный треугольник – это треугольник, у которого две стороны равны и углы при основании равны

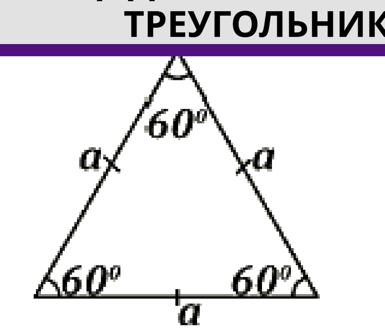
СВОЙСТВА РАВНОБЕДРЕННОГО ТРЕУГОЛЬНИКА



Биссектриса, медиана и высота, проведённые к основанию, равны

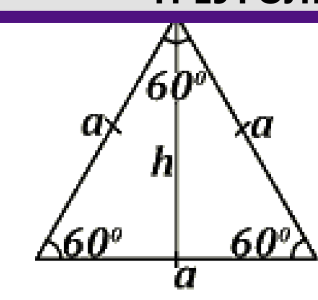
РАВНОСТОРОННИЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА



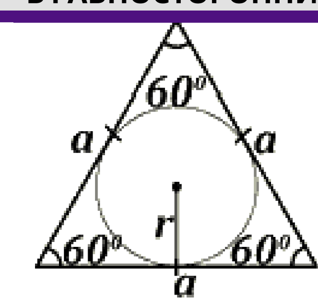
$S = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$

ВЫСОТА РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА



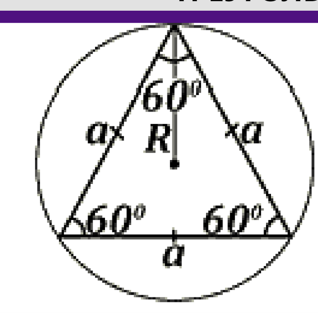
$h = \frac{\sqrt{3}a}{2}$

РАДИУС ОКРУЖНОСТИ, ВПИСАННОЙ В РАВНОСТОРОННИЙ ТРЕУГОЛЬНИК



1. $r = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{6}$
2. $r = \frac{1}{3} \cdot h$

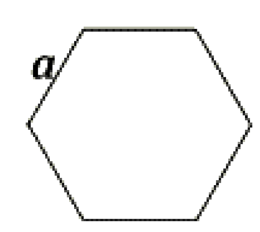
РАДИУС ОКРУЖНОСТИ, ОПИСАННОЙ ОКОЛО РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА



1. $R = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{3}$
2. $R = \frac{2}{3} \cdot h$

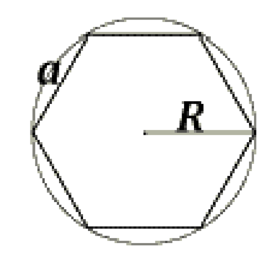
РАВНОСТОРОННИЙ ШЕСТИУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ РАВНОСТОРОННЕГО ШЕСТИУГОЛЬНИКА



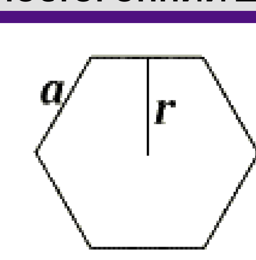
$S = \frac{3\sqrt{3}a^2}{2}$

РАДИУС ОКРУЖНОСТИ ОПИСАННОЙ ОКОЛО РАВНОСТОРОННЕГО ШЕСТИУГОЛЬНИКА



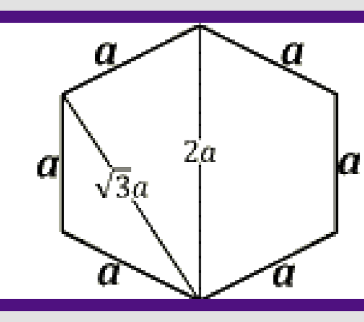
$R = a$

РАДИУС ОКРУЖНОСТИ ВПИСАННОЙ В РАВНОСТОРОННИЙ ШЕСТИУГОЛЬНИК

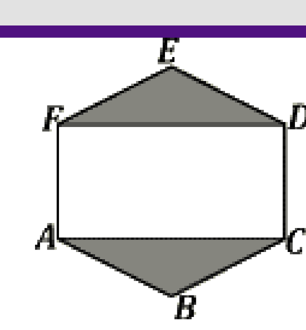


$r = \frac{\sqrt{3}a}{2}$

ДИАГОНАЛИ РАВНОСТОРОННЕГО ШЕСТИУГОЛЬНИКА



ПЛОЩАДИ ЧАСТЕЙ РАВНОСТОРОННЕГО ТРЕУГОЛЬНИКА



1. $S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$
2. $S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{\text{шестиугольника}}$
3. $S_{ACDF} = \sqrt{3}a^2$
4. $S_{ACDF} = \frac{2}{3} S_{\text{шестиугольника}}$

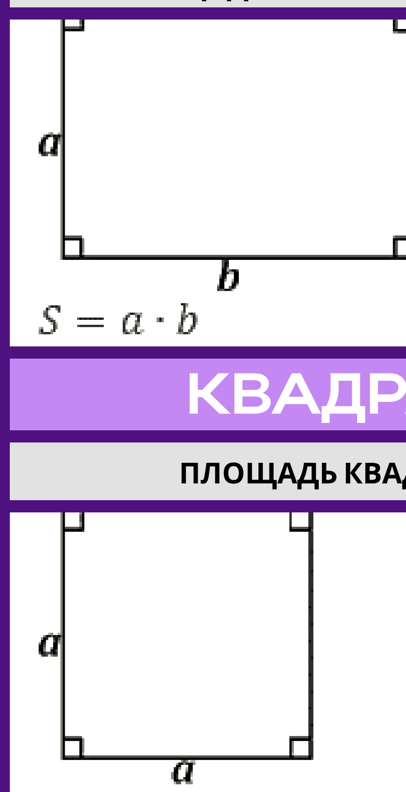
ПРЯМОУГОЛЬНИК

ПЛОЩАДЬ ПРЯМОУГОЛЬНИКА

$S = a \cdot b$

КВАДРАТ

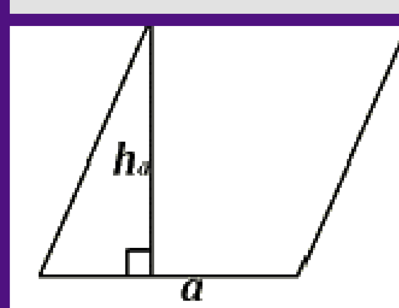
ПЛОЩАДЬ КВАДРАТА



$S = a^2$

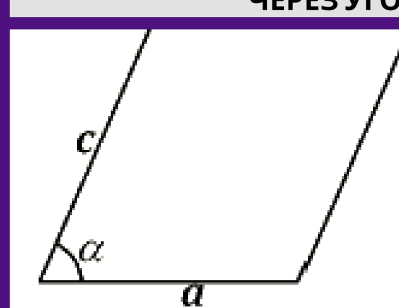
ПАРАЛЛЕЛОГРАММ

ПЛОЩАДЬ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА



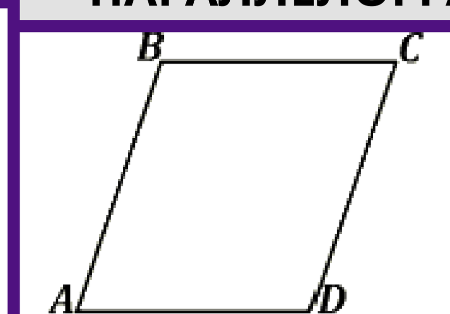
$S = ah_a$

ПЛОЩАДЬ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА ЧЕРЕЗ УГОЛ



$S = ac \cdot \sin\alpha$

СВОЙСТВА ПАРАЛЛЕЛОГРАММА



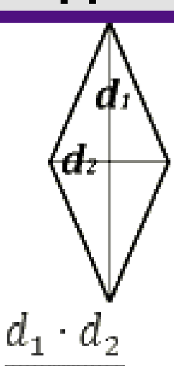
В параллелограмме сумма углов, прилежащих к любой стороне, равна 180°

ПРИЗНАКИ ПАРАЛЛЕЛОГРАММА

1. Если две стороны равны и параллельны
2. Если противоположные углы попарно равны
3. Если противоположные стороны попарно равны
4. Если все противоположные стороны попарно параллельны
5. Если диагонали пересекаются и точкой пересечения делятся пополам

РОМБ

ПЛОЩАДЬ РОМБА ЧЕРЕЗ ДИАГОНАЛИ



$S = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$

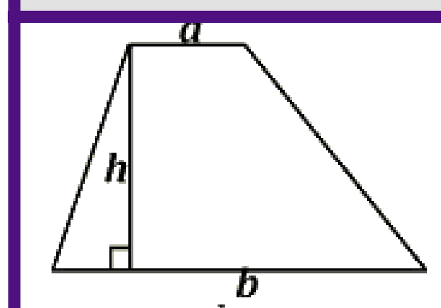
ПЛОЩАДЬ РОМБА ЧЕРЕЗ РАДИУС

$S = 2ar$

EXtremum

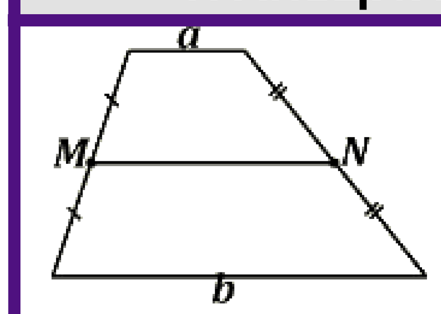
ТРАПЕЦИЯ

ПЛОЩАДЬ ТРАПЕЦИИ



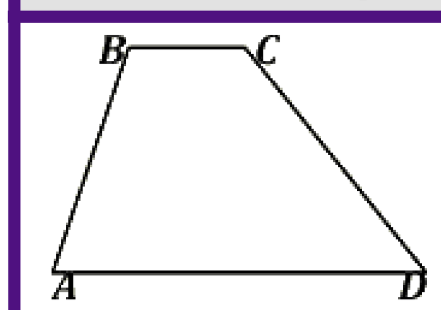
$S = \frac{a+b}{2} \cdot h$

СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ ТРАПЕЦИИ



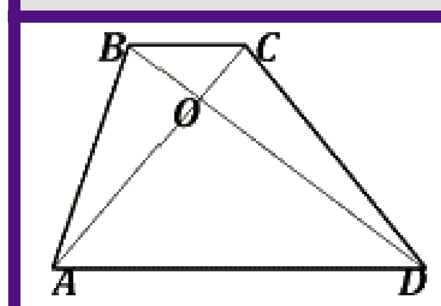
- Лежит на серединах сторон
- Параллельна основаниям
- Равна полусумме оснований

СВОЙСТВО ТРАПЕЦИИ



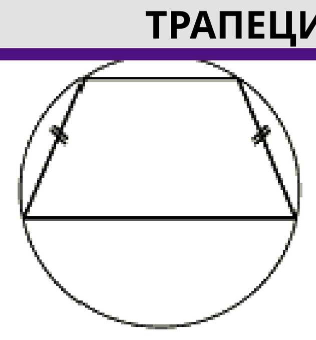
В трапеции сумма углов, прилежащих к боковой стороне, равна 180°

СВОЙСТВО ТРАПЕЦИИ



1	$S_{AOB} = S_{COD}$ (доказывается через равенство площадей треугольников ABD и ACD)
2	$\Delta BOC \sim \Delta AOD$ (по двум углам)

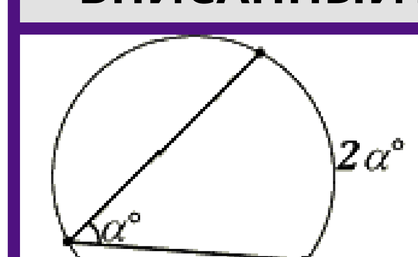
ПРИЗНАК РАВНОБЕДРЕННОЙ ТРАПЕЦИИ



Если трапеция вписана в окружность, то она - равнобедренная

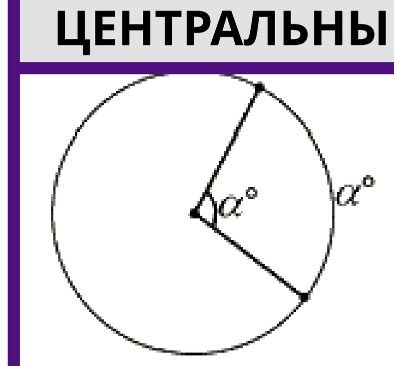
ОКРУЖНОСТЬ

ВПИСАННЫЙ УГОЛ



Вписанный угол равен половине дуги, на которую он опирается

ЦЕНТРАЛЬНЫЙ УГОЛ



Центральный угол равен градусной мере дуги, на которую он опирается

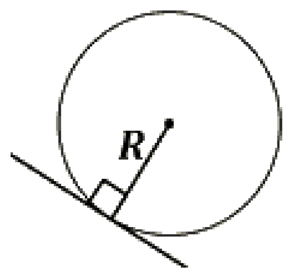
ПЛОЩАДЬ КРУГА

$S = \pi R^2$

ДЛИННА ОКРУЖНОСТИ

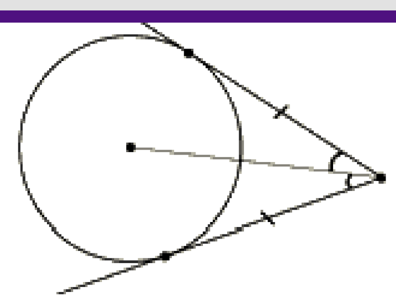
$C = 2\pi R$

СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНОЙ



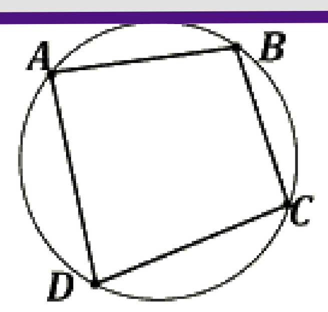
Касательная к окружности перпендикулярна радиусу, проведённому в точку касан

СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНЫХ



Отрезки касательных к окружности, проведённые и: одной точки, равны, и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружност

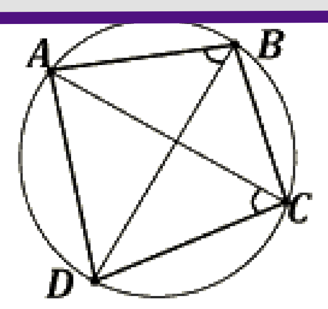
ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНИКА



$\angle A + \angle C = 180°$

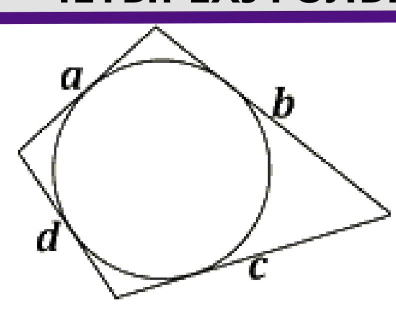
$\angle B + \angle D = 180°$

ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНИКА



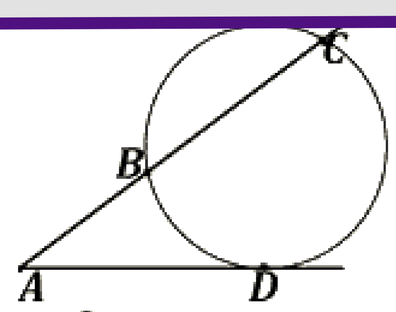
Если два равных угла опираются на один отрезок, то около четырёхугольника можно описать окружность

ПРИЗНАК ОПИСАННОГО ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНИКА



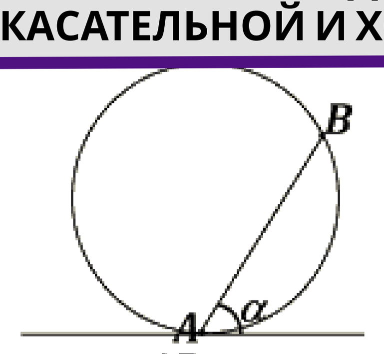
$a + c = b + d$

СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНОЙ И СЕКУЩЕЙ



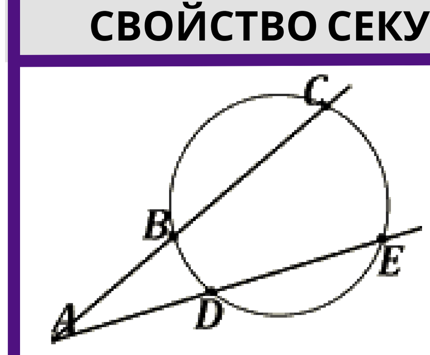
$AD^2 = AB \cdot AC$

УГОЛ МЕЖДУ КАСАТЕЛЬНОЙ И ХОРДОЙ



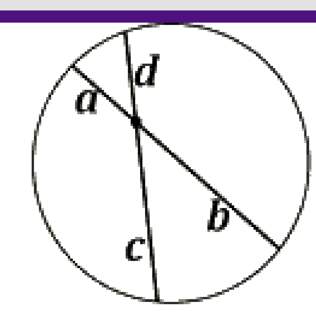
$\alpha = \frac{\smile AB}{2}$

СВОЙСТВО СЕКУЩИХ



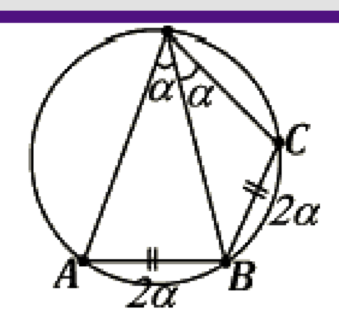
$AD \cdot AE = AB \cdot AC$

СВОЙСТВО ХОРД



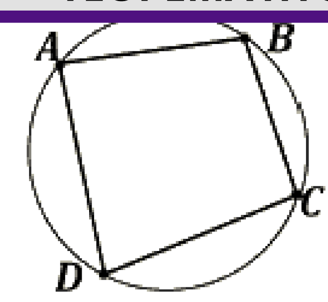
$a \cdot b = c \cdot d$

СВОЙСТВО ХОРД



Хорды, стягивающие равные дуги, равны

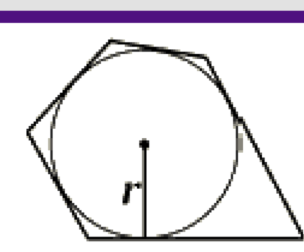
ТЕОРЕМА ПТОЛЕМЕЯ



$AC \cdot BD = AB \cdot CD + AD \cdot BC$

(работает только для вписанного четырёхугольника)

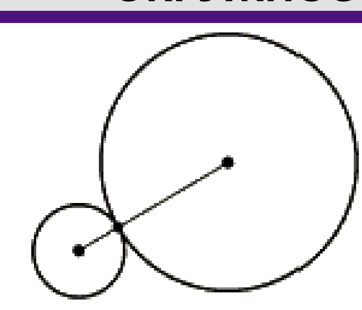
МНОГОУГОЛЬНИК



$S = pr$

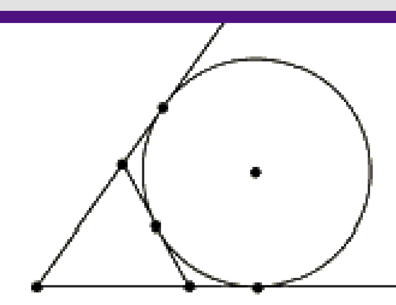
p – полупериметр

СВОЙСТВО КАСАЮЩИХСЯ ОКРУЖНОСТЕЙ



Линия центров двух касающихся окружностей проходит через точку касания

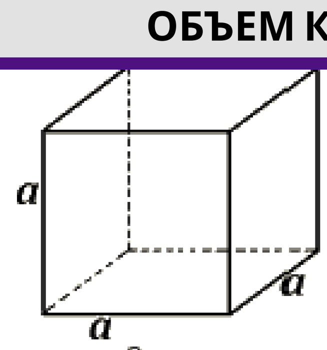
ВНЕВПИСАННАЯ ОКРУЖНОСТЬ



Вневписанная окружность треугольника – это окружность, касающаяся одной из сторон треугольника и продолжений двух других его сторон. У любого треугольника существует три вневписанных окружности

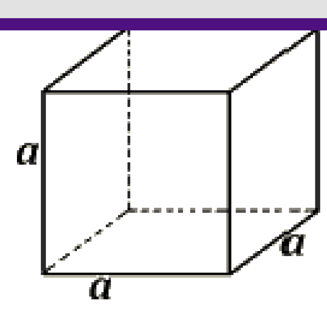
КУБ

ОБЪЕМ КУБА



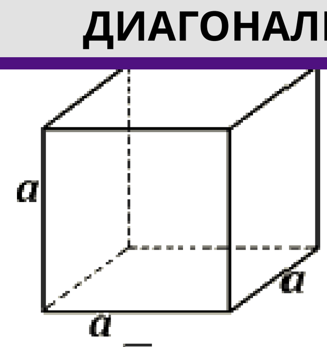
$V = a^3$

ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ КУБА



$S_{поверхности} = 6a^2$

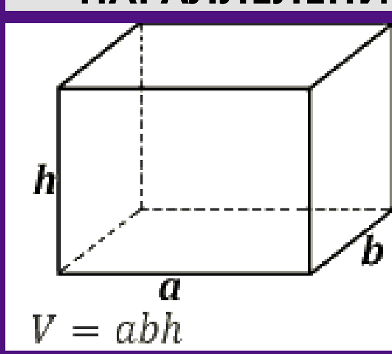
ДИАГОНАЛЬ КУБА



$d = \sqrt{3}a$

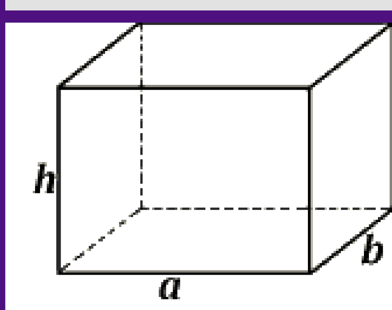
ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕД

ОБЪЕМ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕДА



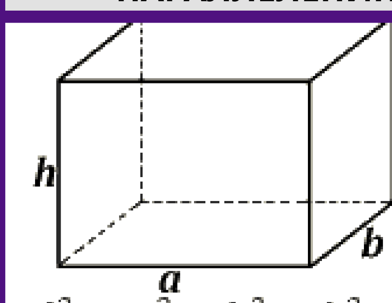
$V = abh$

ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕДА



$S_{поверхности} = 2ab + 2ah + 2bh$

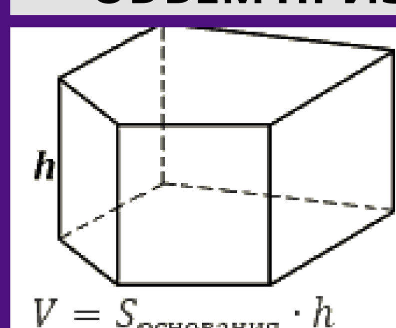
ДИАГОНАЛЬ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕДА



$d^2 = a^2 + b^2 + h^2$

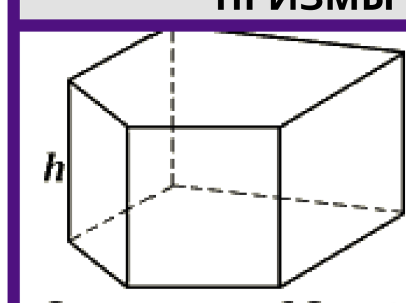
ПРИЗМА

ОБЪЕМ ПРИЗМЫ



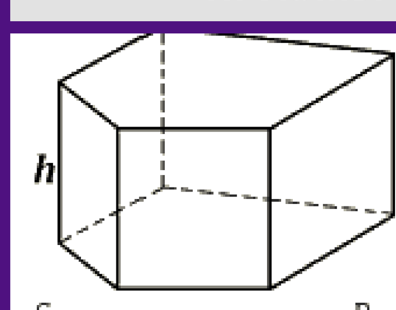
$V = S_{основания} \cdot h$

ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ПРИЗМЫ



$S_{поверхности} = 2S_{осн.} + S_{бок.пов.}$

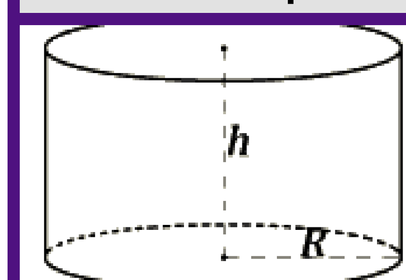
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ПРИЗМЫ



$S_{боковой\ поверхности} = P_{основания} \cdot h$

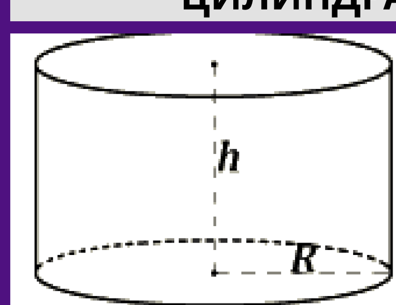
ЦИЛИНДР

ОБЪЕМ ЦИЛИНДРА



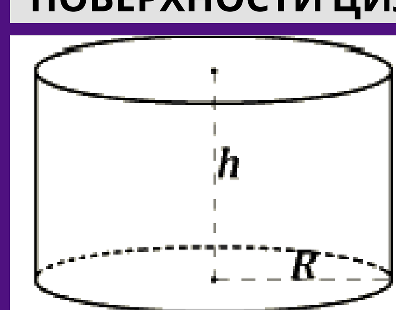
$V = \pi R^2 h$

ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ЦИЛИНДРА



$S_{поверхности} = 2\pi R^2 + 2\pi Rh$

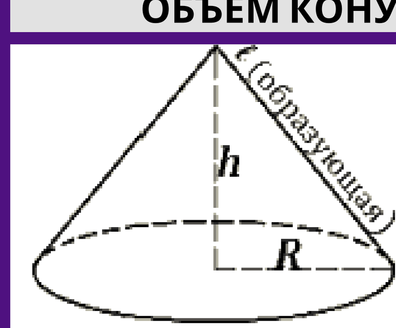
ПЛОЩАДЬ БОКОВОЙ ПОВЕРХНОСТИ ЦИЛИНДРА



$S_{боковой\ поверхности} = 2\pi Rh$

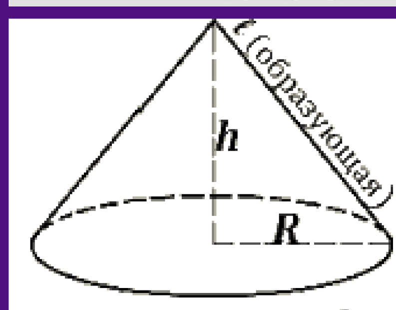
КОНУС

ОБЪЕМ КОНУСА



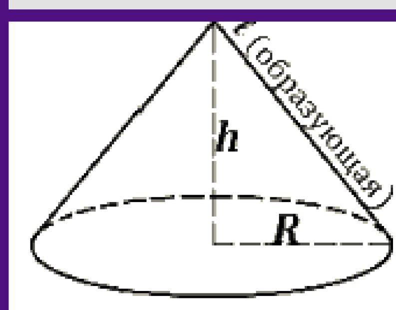
$V = \frac{1}{3}\pi R^2 h$

ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ КОНУСА



$S_{поверхности} = \pi R^2 + \pi Rl$

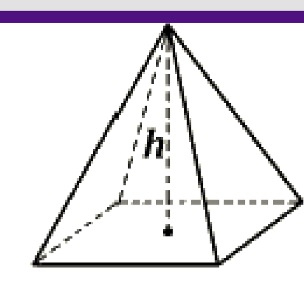
ПЛОЩАДЬ БОКОВОЙ ПОВЕРХНОСТИ КОНУСА



$S_{боковой\ поверхности} = \pi Rl$

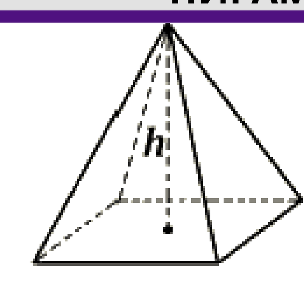
ПИРАМИДА

ОБЪЕМ ПИРАМИДЫ



$V = \frac{1}{3} S_{основания} \cdot h$

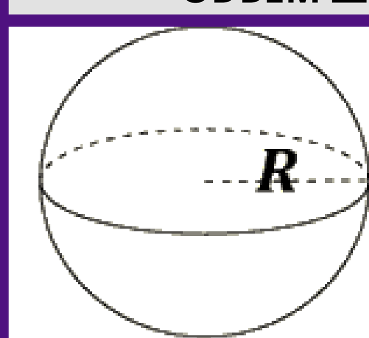
ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ПИРАМИДЫ



$S_{поверхности} = S_{осн.} + S_{бок.пов.}$

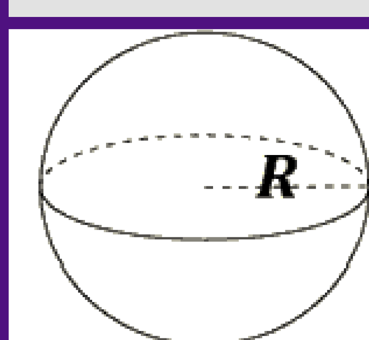
ШАР

ОБЪЕМ ШАРА



$V = \frac{4}{3}\pi R^3$

ПЛОЩАДЬ ПОВЕРХНОСТИ ШАРА



$S_{сферы} = 4\pi R^2$